

# MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO

# CENTRO FEDERAL DE EDUCAÇÃO TECNOLÓGICA CELSO SUCKOW DA FONSECA

# **CURSO DE LICENCIATURA EM MATEMÁTICA - Campus PETRÓPOLIS**

CÓDIGO DO CURSO						PROGRAMA DA DISCIPLINA				
GMATPET						INTRODUÇÃO À LÓGICA				
CÓDIGO			PERÍODO			ANO		SEMESTRE		PRÉ-REQUISITOS
GMAT8103PE			1		2020			1		NENHUM
CRÉDITOS		A	ULAS/SEMANA			TOTAL DE AULAS NO		ESTÁGIO		
		TEÓ	RICA	PRÁTICA		SEMESTRE				
4			4	0		72		0		

#### **EMENTA**

Noções de lógica matemática. Quantificadores e conectivos. Implicações, negações e equivalências. Tabelas tautológicas. Conjuntos Numéricos: noções, operações. Conjecturas matemáticas. Tipos de proposições. Definições, postulados e axiomas. Lemas e Teoremas. Corolários, Paradoxos e Sofismas. Tipos de provas matemáticas. Prova direta, por indução, por contradição (reductio ad absurdum), por construção e por exaustão.

#### **BIBLIOGRAFIA**

#### BIBLIOGRAFIA BÁSICA

- 1. FILHO, Edgar de Alencar. Iniciação à Lógica Matemática. São Paulo: Nobel, 2000.
- 2. FEITOSA, H. A., PAULOVICH, L. Um prelúdio à lógica. São Paulo: Editora da UNESP, 2005.
- 3. BISPO, C. A. F., CASTANHEIRA, L. B., FILHO, O.M.S. **Introdução à lógica matemática**. São Paulo : Cengage Learning, 2011.

#### **BIBLIOGRAFIA COMPLEMENTAR**

- 1. TINOCO, Lúcia (org.). Argumentação e provas. Rio de Janeiro: Projeto Fundão, 1998.
- 2. SANT'ANNA, Adonai S. O que é uma definição. São Paulo: Manole, 2005.
- 3. SOARES, Edvaldo. **Fundamentos da lógica**. São Paulo: Atlas, 2003.

- 4. COPI, Irwing M. **Introdução à lógica**. São Paulo: Mestre Jou, 2001.
- 5. CUNHA, Francisco Gêvane Muniz. **Licenciatura em Matemática**: Lógica e Conjuntos. MEC/CAPES/UAB/IFCE, Fortaleza, 2008. Disponível em: https://educapes.capes.gov.br/bitstream/capes/429767/2/Logica%20e%20Conjuntos%20-%20Livro.pdf. Último acesso em 20/03/2020.

### **OBJETIVOS GERAIS**

Prover o estudante de ferramentas de lógica e das estratégias de prova matemática formal mais usadas, desenvolvendo sua habilidade de elaborar sentenças logicamente precisas, permitindo amadurecimento no seu raciocínio lógico.

#### **METODOLOGIA**

A metodologia de ensino da disciplina será composta por:

- Aulas expositivas teóricas;
- Resolução de exercícios;
- Uso de softwares.

## CRITÉRIO DE AVALIAÇÃO

Os critérios de avaliação serão apresentados pelo docente da disciplina aos discentes no início do período letivo, podendo compreender, dentre outros, os seguintes métodos avaliativos:

- Avaliação dissertativa;
- Avaliação objetiva;
- Lista de exercício;
- Seminário:
- Trabalho prático computacional.

COORDENADOR DO CURSO					
NOME	ASSINATURA				
EDUARDO TELES DA SILVA					

PROFESSOR RESPONSÁVEL PELA DISCIPLINA					
NOME	ASSINATURA				
DEMERSON NUNES GONÇALVES					

## APROVADO PELO CONSELHO DO CAMPUS: 04/dez/2019

#### **PROGRAMA**

- 1. Proposições e conectivos
  - 1.1. Conceitos de proposição
  - 1.2. Valores lógicos das proposições
  - 1.3. Proposições simples e compostas
  - 1.4. Conectivos

- 1.5. Tabela-verdade
- 2. Operações lógicas sobre proposições
  - 2.1. Negação
  - 2.2. Conjunção
  - 2.3. Disjunção
  - 2.4. Condicional
  - 2.5. Bicondicional
- 3. Construção de tabelas-verdade
  - 3.1. Tabela-verdade de uma proposição composta
  - 3.2. Número de linhas de uma tabela-verdade
  - 3.3. Propriedades da conjunção e da disjunção
  - 3.4. Negação da condicional
  - 3.5. Negação da bicondicional
- 4. Tautologias, contradições e contingências
  - 4.1. Tautologia
  - 4.2. Princípio da substituição para tautologias
  - 4.3. Contradição
  - 4.4. Contingência
- 5. Implicação e equivalência lógica
  - 5.1. Definição e propriedades da implicação lógica
  - 5.2. Tautologias e implicação lógica
  - 5.3. Definição e propriedades da equivalência lógica
  - 5.4. Tautologias e equivalência lógica
  - 5.5. Proposições associadas a uma condicional
  - 5.6. Negação conjunta de duas proposições
  - 5.7. Negação disjunta de duas proposições
- 6. Álgebra proposicional
  - 6.1. Propriedades da conjunção
  - 6.2. Propriedades da disjunção
  - 6.3. Propriedades da conjunção e da disjunção
  - 6.4. Negação da condicional
  - 6.5. Negação da bicondicional
- 7. Álgebra de conjuntos
  - 7.1. Conceitos iniciais
  - 7.2. Relações de inclusão e igualdade
  - 7.3. Operações com conjuntos
- 8. Método dedutivo
  - 8.1. Redução do número de conectivos
  - 8.2. Formas normais
  - 8.3. Princípio da dualidade
- 9. Argumentos, regras de inferência
  - 9.1. Definição e validade de um argumento
  - 9.2. Critérios de validade de um argumento
  - 9.3. Condicional associada a um argumento
  - 9.4. Regras de inferência
- 10. Validade de um argumento
  - 10.1. Validade mediante tabelas-verdade
  - 10.2. Validade mediantes regras de inferência
  - 10.3. Validade mediante regras de inferência e equivalências
- 11. Demonstração condicional e demonstração indireta
  - 11.1. Demonstração condicional
  - 11.2. Demonstração indireta
- 12. Operações lógicas sobre sentenças abertas
  - 12.1. Sentenças abertas
  - 12.2. Conjuntos-verdade de sentenças abertas
  - 12.3. Conjunção, disjunção, negação, condicional e bicondicional
  - 12.4. Álgebra de sentenças abertas
- 13. Quantificadores
  - 13.1. Quantificador universal
  - 13.2. Quantificador existencial
  - 13.3. Quantificador de existência e unicidade
  - 13.4. Negações de proposições com quantificador
  - 13.5. Contra-exemplo
  - 13.6. Quantificadores de sentenças abertas